



Ведущая вебинара -

Рыболовлева Ксения Александровна

Преподаватель математики, г.Санкт-Петербург

Окончила физико-математическую гимназию, экономический факультет Политехнического университета. Более 10 лет готовит выпускников к сдаче ОГЭ и ЕГЭ, следит за всеми нововведениями, имеет собственную уникальную программу подготовки к ЕГЭ.

Научит учиться просто и увлекательно, поможет сделать сложное – доступным, а страшное – интересным.

Решение банковских задач с аннуитетными платежами (№17)

Учебный центр «Современное образование», г.Санкт-Петербург

29 марта 2018 г.



Какие задания второй части вызывают у вас трудности?

- 13 (тригонометрическое уравнение)
- 14 (задача по стереометрии)
- **15** (неравенство)
- 16 (задача по планиметрии)
- 17 (экономическая задача)
- 18 (задача с параметром)
- 19 (задача на числа и их свойства)





Типы задания 17

(3 первичных балла)

- 1. Банковские задачи (дифференцированные платежи).
- 2. Банковские задачи (аннуитетные платежи).
- 3. Банковские задачи (вклады и ценные бумаги).
- 4. Задачи на оптимальный выбор (наибольшее / наименьшее значение).

Экономические банковские задачи (процент входит в сумму выплат).

4 составляющие:

- 1. сумма кредита;
- 2. сумма платежа (ежемесячного / ежегодного);
- 3.срок (количество месяцев / лет);
- 4.процентная ставка (%).







Экономические банковские задачи (процент входит в сумму выплат).

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	Сумма кредита • (1+% в десятичном виде*)	Фиксированная (одинаковая) или разная каждый год	Долг на начало 1-ого года — выплата
2	Долг на конец 1-ого года • (1+% в десятичном виде)		Долг на начало 2-ого года — выплата

^{* %} в десятичном виде = х% / 100%

1 января 2018 года Александр Сергеевич взял в банке 1,1 млн рублей в кредит.

Схема выплаты кредита следующая:

- 1-го числа каждого следующего месяца банк начисляет 1 процент на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на 1%);
- затем Александр Сергеевич переводит в банк платёж.

На какое минимальное количество месяцев Александр Сергеевич может взять кредит, чтобы ежемесячные выплаты были не более 275 тыс. рублей?

1 января 2018 года Александр Сергеевич взял в банке 1,1 млн рублей в кредит.

Схема выплаты кредита следующая:

- 1-го числа каждого следующего месяца банк начисляет процент на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на 1%);
- затем Александр Сергеевич переводит в банк платёж.

На какое минимальное количество месяцев Александр Сергеевич может взять кредит, чтобы ежемесячные выплаты были не более 275 тыс. рублей?

Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) =	275 000	
2			
3			
4			
5			

Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) = = 1 111 000	275 000	1 111 000 - 275 000 = = 836 000
2			
3			
4			
5			

Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) = = 1 111 000	275 000	1 111 000 - 275 000 = = 836 000
2	836 000 * 1,01 = = 844 360	275 000	
3			
4			
5			

Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) = = 1 111 000	275 000	1 111 000 - 275 000 = = 836 000
2	836 000 * 1,01 = = 844 360	275 000	844 360 - 275 000 = = 569 360
3			
4			
5			

Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) = = 1 111 000	275 000	1 111 000 - 275 000 = = 836 000
2	836 000 * 1,01 = = 844 360	275 000	844 360 - 275 000 = = 569 360
3	569 360 * 1,01 = = 575 053,6	275 000	
4			
5			

Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) = = 1 111 000	275 000	1 111 000 - 275 000 = = 836 000
2	836 000 * 1,01 = = 844 360	275 000	844 360 - 275 000 = = 569 360
3	569 360 * 1,01 = = 575 053,6	275 000	575 053,6 - 275 000 = = 300 053,6
4			
5			

Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) = = 1 111 000	275 000	1 111 000 - 275 000 = = 836 000
2	836 000 * 1,01 = = 844 360	275 000	844 360 - 275 000 = = 569 360
3	569 360 * 1,01 = = 575 053,6	275 000	575 053,6 - 275 000 = = 300 053,6
4	575 053,6 * 1,01 = = 303 054,136	275 000	
5			

Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) = = 1 111 000	275 000	1 111 000 - 275 000 = = 836 000
2	836 000 * 1,01 = = 844 360	275 000	844 360 - 275 000 = = 569 360
3	569 360 * 1,01 = = 575 053,6	275 000	575 053,6 - 275 000 = = 300 053,6
4	575 053,6 * 1,01 = = 303 054,136	275 000	303 054,136 - 275 000= = 28 054,136
5			

Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) = = 1 111 000	275 000	1 111 000 - 275 000 = = 836 000
2	836 000 * 1,01 = = 844 360	275 000	844 360 - 275 000 = = 569 360
3	569 360 * 1,01 = = 575 053,6	275 000	575 053,6 - 275 000 = = 300 053,6
4	575 053,6 * 1,01 = = 303 054,136	275 000	303 054,136 - 275 000= = 28 054,136
5	28 054,136 *1,01 = = 28 334,67736	28 334,67736	



Месяц	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1 100 000 * (1+0,01) = = 1 111 000	275 000	1 111 000 - 275 000 = = 836 000
2	836 000 * 1,01 = = 844 360	275 000	844 360 - 275 000 = = 569 360
3	569 360 * 1,01 = = 575 053,6	275 000	575 053,6 - 275 000 = = 300 053,6
4	575 053,6 * 1,01 = = 303 054,136	275 000	303 054,136 - 275 000= = 28 054,136
5	28 054,136 *1,01 = = 28 334,67736	28 334,67736	0

Ответ: 5 месяцев.

Lifehack ©

Ориентировочное число месяцев = (Сумма кредита / ежемесячный платеж) + 1 месяц на %



Lifehack ©

Ориентировочное число месяцев = (Сумма кредита / ежемесячный платеж) + 1 месяц на %

 $(1\ 100\ 000\ /\ 275\ 000)\ +\ 1\ =\ 4\ +\ 1\ =\ 5$



31 декабря 2017 года Сергей взял в банке 9 930 000 рублей в кредит под 10% годовых.

Схема выплаты кредита следующая:

- 31 декабря каждого следующего года банк начисляет проценты на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на 10%);
- затем Сергей переводит в банк определённую сумму ежегодного платежа.

Какой должна быть сумма ежегодного платежа, чтобы Сергей выплатил долг тремя равными ежегодными платежами?

31 декабря 2017 года Сергей взял в банке 9 930 000 рублей в кредит под 10% годовых.

Схема выплаты кредита следующая:

- 31 декабря каждого следующего года банк начисляет проценты на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на 10%);
- затем Сергей переводит в банк определённую сумму ежегодного платежа.

Какой должна быть сумма ежегодного платежа, чтобы Сергей выплатил долг тремя равными ежегодными платежами?

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	9 930 000 * 1,1 =	У	
2			
3			

★ x = 9 930 000 рублей - сумма кредита

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2			
3			

★ x = 9 930 000 рублей - сумма кредита

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	
3			

★ x = 9 930 000 рублей - сумма кредита

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3			

★ x = 9 930 000 рублей – сумма кредита

Год	Долг на начало периода	Выплат а	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

★ x = 9 930 000 рублей - сумма кредита

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

Составим уравнение.

Так как долг погашен тремя платежами, то долг на конец третьего года равен 0.

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$

Раскроем скобки, сначала первые, потом вторые.

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x-y)*1,1-y)*1,1-y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$

 $(1,21x - 1,1y - y) * 1,1 = 0$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$

$$(1,21x - 1,1y - y) * 1,1 = 0$$

$$1,331x - 1,21y - 1,1 y = 0$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$

$$(1,21x - 1,1y - y) * 1,1 = 0$$

$$1,331x - 1,21y - 1,1y = 0$$

$$1,331x - 3,31y = 0$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$

 $1,331x - 3,31y = 0$

Найти надо у, выразим его.

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$
$$1,331x - 3,31y = 0$$
$$3,31y = 1,331x$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$

$$1,331x - 3,31y = 0$$

$$3,31y = 1,331x$$

$$y = \frac{1,331x}{3,31}$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$
$$y = \frac{1,331x}{3,31}$$

Подставим **x** = **9 930 000 рублей**

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$

$$y = \frac{1,331x}{3,31}$$

$$y = \frac{1,331 * 9 930 000}{3,31}$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	x* 1,1 = 1,1x	У	1,1x - y
2	(1,1x - y) * 1,1	У	(1,1x - y) * 1,1 - y
3	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1	У	((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 - y

$$((1,1x - y) * 1,1 - y) * 1,1 = 0$$

$$y = \frac{1,331x}{3,31}$$

$$y = \frac{1,331 * 9 930 000}{3,31}$$

$$y = 3 993 000$$



Ответ: 3 993 000 рублей.

Lifehack ©

Чтоб упростить вычисления и не делать лишних действий, сумму кредита надо обозначить за букву, составить уравнение и подставить число только в самом конце решения.



31 декабря 2017 года Ярослав взял в банке некоторую сумму в кредит под 12,5% годовых.

Схема выплаты кредита следующая:

- 31 декабря каждого следующего года банк начисляет проценты на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на 12,5%);
- затем Ярослав переводит в банк 2 132 325 рублей.

Какую сумму взял Ярослав в банке, если он выплатил долг четырьмя равными платежами (то есть за четыре года)?

31 декабря 2017 года Ярослав взял в банке некоторую сумму в кредит под 12,5% годовых.

Схема выплаты кредита следующая:

- 31 декабря каждого следующего года банк начисляет проценты на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на 12,5%);
- затем Ярослав переводит в банк 2 132 325 рублей.

Какую сумму взял Ярослав в банке, если он выплатил долг четырьмя равными платежами (то есть за четыре года)?

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1,125 *y	2 132 325	
2			
3			
4			

$*$
1,125 = 1125/1000 = 9/8

★ x = 2 132 325 рублей – сумма ежегодной выплаты

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	y* 9/8 = 9/8y	X	9/8y - x
2			
3			
4			

$*$
1,125 = 1125/1000 = 9/8

★ x = 2 132 325 рублей – сумма ежегодной выплаты

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	y* 9/8 = 9/8y	X	9/8y - x
2	(9/8y - x)*9/8	X	
3			
4			

$*$
1,125 = 1125/1000 = 9/8

★ x = 2 132 325 рублей – сумма ежегодной выплаты

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	y* 9/8 = 9/8y	X	9/8y - x
2	(9/8y - x)*9/8	X	(9/8y - x)*9/8 - x
3			
4			

$*$
1,125 = 1125/1000 = 9/8

★ x = 2 132 325 рублей – сумма ежегодной выплаты

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	y* 9/8 = 9/8y	X	9/8y - x
2	(9/8y - x)*9/8	X	(9/8y - x)*9/8 - x
3	((9/8y - x)*9/8 - x)*9/8	X	((9/8y - x)*9/8 - x)*9/8 - x
4			

$*$
1,125 = 1125/1000 = 9/8

★ x = 2 132 325 рублей – сумма ежегодной выплаты

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	y* 9/8 = 9/8y	X	9/8y - x
2	(9/8y - x)*9/8	X	(9/8y - x)*9/8 - x
3	((9/8y - x)*9/8 - x)*9/8	X	((9/8y - x)*9/8 - x) * 9/8 - x
4	(((9/8y - x)*9/8 - x)* *9/8 - x)*9/8	X	(((9/8y - x)*9/8 - x)*9/8 - x) $*9/8 - x$

$*$
1,125 = 1125/1000 = 9/8

★ x = 2 132 325 рублей – сумма ежегодной выплаты

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	y* 9/8 = 9/8y	X	9/8y - x
2	(9/8y - x)*9/8	X	(9/8y - x)*9/8 - x
3	((9/8y - x)*9/8 - x)*9/8	X	((9/8y - x)*9/8 - x)*9/8 - x
4	(((9/8y - x)*9/8 - x)* *9/8 - x)*9/8	X	(((9/8y - x)*9/8 - x)*9/8 - x) $*9/8 - x$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$\left(\left(\left(\frac{9}{8}\right)^2 y - \frac{9}{8} x - x\right) \cdot \frac{9}{8} - x\right) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$\left(\left(\left(\frac{9}{8}\right)^{2}y - \frac{9}{8}x - x\right) \cdot \frac{9}{8} - x\right) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$\left(\left(\left(\frac{9}{8}\right)^{2}y - \frac{17}{8}x\right) \cdot \frac{9}{8} - x\right) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$(((\frac{9}{8})^2 y - \frac{9}{8} x - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$(((\frac{9}{8})^2 y - \frac{17}{8} x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$((\frac{9}{8})^3 y - \frac{153}{64} x - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$(((\frac{9}{8})^2 y - \frac{9}{8} x - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$(((\frac{9}{8})^2 y - \frac{17}{8} x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$((\frac{9}{8})^3 y - \frac{153}{64} x - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$((\frac{9}{8})^3 y - \frac{217}{64} x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$(((\frac{9}{8})^{2}y - \frac{9}{8}x - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$(((\frac{9}{8})^{2}y - \frac{17}{8}x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$((\frac{9}{8})^{3}y - \frac{153}{64}x - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$((\frac{9}{8})^{3}y - \frac{217}{64}x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$((\frac{9}{8})^{3}y - \frac{217}{64}x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$

$$(\frac{9}{8})^{4}y - \frac{1953}{512}x - x = 0$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$
$$(\frac{9}{8})^4 y - \frac{2465}{512} x = 0$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$
$$(\frac{9}{8})^4 y - \frac{2465}{512} x = 0$$

$$(\frac{9}{8})^4 y = \frac{2465}{512} x$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$
$$(\frac{9}{8})^4 y - \frac{2465}{512} x = 0$$

$$\left(\frac{9}{8}\right)^4 y = \frac{2465}{512} x$$

$$y = \frac{2465}{512} x \cdot \frac{8^4}{9^4}$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$
$$(\frac{9}{8})^4 y - \frac{2465}{512} x = 0$$

Найти надо у, выразим его.

$$\left(\frac{9}{8}\right)^4 y = \frac{2465}{512} x$$

$$y = \frac{2465}{512} x \cdot \frac{8^4}{9^4}$$

Подставим x = 2 132 325

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$
$$(\frac{9}{8})^4 y - \frac{2465}{512} x = 0$$

$$\left(\frac{9}{8}\right)^{4} y = \frac{2465}{512} x$$

$$y = \frac{2465}{512} x \cdot \frac{8^{4}}{9^{4}}$$

$$y = \frac{2465 \cdot 8^{4} \cdot 2 \cdot 132 \cdot 325}{512 \cdot 9^{4}}$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$
$$(\frac{9}{8})^4 y - \frac{2465}{512} x = 0$$

Подставим x = 2 132 325.

$$y = \frac{2465 \cdot 8^4 \cdot 2 \ 132325}{512 \cdot 9^4}$$

$$y = \frac{2465 \cdot 8 \cdot 2 \ 132325}{9^4}$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$
$$(\frac{9}{8})^4 y - \frac{2465}{512} x = 0$$

Подставим x = 2 132 325.

$$y = \frac{2465 \cdot 8^4 \cdot 2 \ 132325}{512 \cdot 9^4}$$

$$y = \frac{2465 \cdot 8 \cdot 2 \ 132325}{9^4}$$

$$y = 2465 \cdot 8 \cdot 325$$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$
$$(\frac{9}{8})^4 y - \frac{2465}{512} x = 0$$

Подставим x = 2 132 325.

$$y = \frac{2465 \cdot 8^4 \cdot 2 \ 132325}{512 \cdot 9^4}$$

$$y = \frac{2465 \cdot 8 \cdot 2 \ 132325}{9^4}$$

$$y = 2465 \cdot 8 \cdot 325$$
 $y = 6409000$

Составим уравнение.

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года

$$(((\frac{9}{8}y - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x) \cdot \frac{9}{8} - x = 0$$
$$(\frac{9}{8})^4 y - \frac{2465}{512} x = 0$$

Подставим x = 2 132 325.

$$y = \frac{2465 \cdot 8^4 \cdot 2 \ 132325}{512 \cdot 9^4}$$

$$y = \frac{2465 \cdot 8 \cdot 2 \ 132325}{9^4}$$

$$y = 2465 \cdot 8 \cdot 325$$
 $y = 6409000$

Ответ: 6 409 000 рублей.



Lifehack ©

- 1) Чтоб упростить вычисления и не делать лишних действий, сумму ежегодного платежа надо обозначить за букву, составить уравнение и подставить число только в самом конце решения.
 - 2) Если коэффициент умножения кредита 1,125 надо перевести его в обыкновенную дробь 9/8.



31 декабря 2016 года Валерий взял в банке 1 млн рублей в кредит.

Схема выплаты кредита следующая:

- 31 декабря каждого следующего года банк начисляет проценты на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на определённое количество процентов);
- затем Валерий переводит очередной транш.

Валерий выплатил кредит за два транша, переводя в первый раз 660 тыс. рублей, во второй — 484 тыс. рублей.

Под какой процент банк выдал кредит Валерию?

31 декабря 2016 года Валерий взял в банке 1 млн рублей в кредит.

Схема выплаты кредита следующая:

- 31 декабря каждого следующего года банк начисляет проценты на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на определённое количество процентов);
- затем Валерий переводит очередной транш.

Валерий выплатил кредит за два транша, переводя в первый раз 660 тыс. рублей, во второй — 484 тыс. рублей.

Под какой процент банк выдал кредит Валерию?

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 → * a · ·	660	
2			

 \uparrow Так как выплаты даны в тысячах, то 1 млн тоже запишем в тысячах 1 000 000 рублей = 1 000 000 тысяч рублей



$$a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 [↑] * a [♠]	660	1000a - 660
2			

 \uparrow Так как выплаты даны в тысячах, то 1 млн тоже запишем в тысячах 1 000 000 рублей = 1 000 $\frac{000}{000}$ тысяч = 1 000 тысяч рублей



$$a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 [↑] * a [♠]	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

 \uparrow Так как выплаты даны в тысячах, то 1 млн тоже запишем в тысячах 1 000 000 рублей = 1 000 000 тысяч рублей



$$a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 + a →	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

Составим уравнение.

Так как долг погашен двумя платежами, то долг на конец второго года равен 0.

$$(1000a - 660)a - 484 = 0$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 + a →	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

Составим уравнение.

Так как долг погашен двумя платежами, то долг на конец второго года равен 0.

$$(1000a - 660)a - 484 = 0$$

Раскроем скобки.

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 [↑] * a [♠]	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

Составим уравнение.

Так как долг погашен двумя платежами, то долг на конец второго года равен 0.

$$(1000a - 660)a - 484 = 0$$

Раскроем скобки.

$$1000a^2 - 660a - 484 = 0$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 [↑] * a [♠]	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

Составим уравнение.

Так как долг погашен двумя платежами, то долг на конец второго года равен 0.

$$(1000a - 660)a - 484 = 0$$

Раскроем скобки.

$$1000a^2 - 660a - 484 = 0$$

$$250a^2 - 165a - 121 = 0$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 [↑] * a [♠]	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

Составим уравнение.

Так как долг погашен двумя платежами, то долг на конец второго года равен 0.

$$(1000a - 660)a - 484 = 0$$

Раскроем скобки.

$$1000a^{2} - 660a - 484 = 0$$
$$250a^{2} - 165a - 121 = 0$$
$$\frac{250}{11}a^{2} - 15a - 11 = 0$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 [↑] * a	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a - 660)a - 484

$$1000a^{2} - 660a - 484 = 0$$
$$250a^{2} - 165a - 121 = 0$$
$$\frac{250}{11}a^{2} - 15a - 11 = 0$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 [↑] * a	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

$$1000a^{2} - 660a - 484 = 0$$

$$250a^{2} - 165a - 121 = 0$$

$$\frac{250}{11}a^{2} - 15a - 11 = 0$$

$$D = 15^{2} - 4 \cdot \frac{250}{11} \cdot (-11) = 225 + 1000 = 1225 = 35^{2}$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 ★ a ♣	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a - 660)a - 484

$$1000a^{2} - 660a - 484 = 0$$

$$250a^{2} - 165a - 121 = 0$$

$$\frac{250}{11}a^{2} - 15a - 11 = 0$$

$$D = 15^{2} - 4 \cdot \frac{250}{11} \cdot (-11) = 225 + 1000 = 1225 = 35^{2}$$

$$a_{1,2} = \frac{15 \pm 35}{2 \cdot \frac{250}{11}}$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 + a →	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

$$1000a^2-660a-484=0$$

$$250a^2-165a-121=0$$

$$\frac{250}{11}a^2-15a-11=0$$

$$D=15^2-4\cdot\frac{250}{11}\cdot(-11)=225+1000=1225=35^2$$

$$a_{1,2}=\frac{15\pm35}{2\cdot\frac{250}{11}}\qquad a_1=\frac{15-35}{2\cdot\frac{250}{11}}<0 \text{ (не удовл. условию задачи)}$$

$$a_2=\frac{15+35}{2\cdot\frac{250}{11}}=\frac{11}{10}$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 [↑] * a [♠]	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

$$\frac{250}{11}a^2 - 15a - 11 = 0$$

$$a_2 = \frac{15+35}{2 \cdot \frac{250}{11}} = \frac{11}{10}$$

$$a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$$

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	1000 [↑] * a [♠]	660	1000a - 660
2	(1000a – 660)a	484	(1000a – 660)a - 484

$$\frac{250}{11}a^2 - 15a - 11 = 0$$

$$a_2 = \frac{15+35}{2 \cdot \frac{250}{11}} = \frac{11}{10}$$

$$a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$$

$$1,1=1+\frac{a\%}{100\%}$$

$$a\% = (1,1-1)\cdot 100\% = 10\%$$



Lifehack ©

Если 2 из 3 коэффициентов имеют общий множитель, можно их сократить, а третий оставить в виде дроби.



31 декабря 2016 года Пётр взял в банке некоторую сумму в кредит под некоторый процент годовых.

Схема выплаты кредита следующая:

- 31 декабря каждого следующего года банк начисляет проценты на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на a%);
- затем Пётр переводит очередной транш.

Если он будет платить каждый год по 2 592 000 рублей, то выплатит долг за 4 года. Если по 4 392 000 рублей, то за 2 года. Под какой процент Пётр взял деньги в банке?

31 декабря 2016 года Пётр взял в банке некоторую сумму в кредит под некоторый процент годовых.

Схема выплаты кредита следующая:

- 31 декабря каждого следующего года банк начисляет проценты на оставшуюся сумму долга (то есть увеличивает долг на a%);
- затем Пётр переводит очередной транш.

Если он будет платить каждый год по 2 592 000 рублей, то выплатит долг за 4 года. Если по 4 392 000 рублей, то за 2 года. Под какой процент Пётр взял деньги в банке?

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы. $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$

Х – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита.

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	ха	2592	xa - 2592
2			
3			
4			

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	ха	4392	xa - 4392
2			

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы. $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$

Х – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита.

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	ха	2592	xa - 2592
2	(xa – 2592)*a	2592	(xa - 2592)*a - 2592
3	((xa – 2592)*a – 2592)*a	2592	((xa - 2592)*a - 2592)*a-2592
4	(((xa - 2592)*a - 2592)*a- - 2592)*a	2592	(((xa - 2592)*a - 2592)*a- - 2592)*a-2592

Год	Долг на начало периода	Выплата	Долг на конец периода
1	ха	4392	xa - 4392
2	(xa - 4392)*a	4392	(xa – 4392)*a - 4392

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

X – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита. $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$

Так как долг погашен четырьмя платежами, то долг на конец четвертого года равен 0.

$$(((xa - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592 = 0$$

Так как долг погашен двумя платежами, то долг на конец второго года равен 0.

$$(xa - 4392)*a - 4392 = 0$$

Получилась система из 2 уравнений.

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы. $a = 1 + \frac{a\%}{a}$

X – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита. $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$

$$(((xa - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592) = 0$$

$$(xa - 4392)*a - 4392 = 0$$

Раскроем скобки во втором уравнении и выразим из него xa^2 .

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

X – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита. $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$

$$(((xa - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592) = 0$$

$$(xa - 4392)*a - 4392 = 0$$

Раскроем скобки во втором уравнении и выразим из него xa^2 .

$$xa^2 - 4392a - 4392 = 0$$

$$xa^2 = 4392a + 4392$$

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

X – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита. $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$

$$(((xa - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592) = 0$$

$$(xa - 4392)*a - 4392 = 0$$

Раскроем скобки во втором уравнении и выразим из него xa^2 .

$$xa^2 - 4392a - 4392 = 0$$

$$xa^2 = 4392a + 4392$$

Раскроем в первом уравнении первые внутренние скобки, и подставим xa^2 в него.

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

$$(((xa - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592) = 0$$

$$(xa - 4392)*a - 4392 = 0$$

$$((xa^2 - 2592a - 2592)*a - 2592)*a - 2592) = 0$$

$$xa^2 = 4392a + 4392$$

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы. $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$

Х – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита.

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы. $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$

Х – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита.

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

$$(((xa - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592) = 0$$

$$((xa^{2} - 2592a - 2592) *a - 2592) *a - 2592 = 0$$

$$((4392a + 4392 - 2592a - 2592) *a - 2592) *a - 2592) *a - 2592 = 0$$

$$((1800a + 1800) *a - 2592) *a - 2592 = 0$$

$$((1800a^{2} + 1800a - 2592) *a - 2592 = 0$$

$$(1800a^{3} + 1800a^{2} - 2592a - 2592a - 2592 = 0$$

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

X – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита. $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$

$$\int (((xa - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592) = 0$$

$$(xa - 4392)*a - 4392 = 0$$

$$1800a^3 + 1800a^2 - 2592a - 2592 = 0$$

 $1800a^{2}(a+1) - 2592(a+1) = 0$

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы. $\frac{1}{3}$

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы. $\frac{1}{2}$

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

$$(((xa - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592) = 0$$

$$(xa - 4392)*a - 4392 = 0$$

$$a^2 = 144/100$$

$$a = 12/10$$

$$a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$$

Так как есть 2 варианта развития ситуации - оплата кредита 2 года и 4 года, надо составить 2 таблицы.

 $a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$ Х – сумма кредита, а – коэффициент умножения кредита.

$$(((xa - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592)*a - 2592) = 0$$

$$(xa - 4392)*a - 4392 = 0$$

$$(xa - 4392)*a - 4392 = 0$$

$$a^2 = 144/100$$

$$a = 12/10$$

$$a = 1 + \frac{a\%}{100\%}$$

$$a\% = (1,2-1) * 100\%$$
 $a\% = 20\%$



Ответ: 20%

Lifehack ©

- 1)Если в задаче нужно найти только %, необязательно искать сумму кредита.
- 2) Отрицательные а не подходят под условие задачи.
- 3) Лучше за а обозначать не %, а коэффициент умножения кредита.

Для участников вебинара – бонусы и подарки:

- **1. Бесплатный доступ к вебинару** «Решение банковских задач с аннуитетными платежами (задание №17)» **и презентацию.**
- **2. Домашечка** (6 задач с ответами для самостоятельного разбора, которые могут встретиться на ЕГЭ).

3. 10% - скидка на следующие вебинары по заданию 17:

- •Банковские задачи (дифференцированные платежи). Часть 1. 15.04 в 15:00 (Мск)
- •Банковские задачи (дифференцированные платежи). Часть 2. 29.04 в 15:00 (Мск)
- •Банковские задачи (вклады и ценные бумаги). **20.05 в 15:00 (Мск)**

Отправляйте заявки на участие в следующих вебинарах с указанием темы и контактных данных на e-mail: so.metod@edu-modern.ru

Главное – уверенность в своих силах и систематическая подготовка!

